

الامتحان الثاني

الجبر والهندسة الفراغية (بالغة الإنجليزية)

نموذج أسئلة

(النموذج «أ»)

تعليمات مهمة

- عدد أسئلة كراسة الامتحان (١٩) سؤالاً.
- عدد صفحات كراسة الامتحان (٢٨) صفحة.
- تأكد من ترقيم الأسئلة، ومن عدد صفحات كراسة الامتحان، فهي مسئوليتك.
- زمن الاختبار (ساعتان).
- الدرجة الكلية للاختبار (٣٠) درجة.

عزيزي الطالب .. اقرأ هذه التعليمات بعناية :

اقرأ التعليمات جيداً سواء في مقدمة كراسة الامتحان أو مقدمة الأسئلة، وفي ضوئها أجب عن الأسئلة.

اقرأ السؤال بعناية، وفكر فيه جيداً قبل البدء في إجابته.

إن الأسئلة مترجمة للإيضاح ، والمطلوب الإجابة بلغة واحدة فقط عن كل سؤال.

استخدم القلم الجاف الأزرق للإجابة ، والقلم الرصاص في الرسومات، ولا تستخدم مزيل الكتابة.

عند إجابتك للأسئلة المقالية، أجب في المساحة المخصصة للإجابة ، وفي حالة الحاجة لمساحة أخرى يمكن استكمال الإجابة في صفحات المسودة مع الإشارة إليها ، وإن إجابتك بأكثر من إجابة سوف يتم تقديرها.

عند إجابتك عن الأسئلة المقالية الاختيارية أجب عن (A) أو (B) فقط.

عند إجابتك عن أسئلة الاختيار من متعدد إن وجدت :

ظلل الدائرة ذات الرمز الدال على الإجابة الصحيحة تظليلاً كاملاً لكل سؤال.

مثال: الإجابة الصحيحة (C) مثلاً

(a)

(b)

(c)

(d)

الإجابة الصحيحة مثلاً

- في حالة ما إذا أجبت إجابة خطأ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة صحيحة تحسب الإجابة صحيحة.

- وفي حالة ما إذا أجبت إجابة صحيحة ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة خطأ تحسب الإجابة خطأ.

ملحوظة :

في حالة الأسئلة الموضوعية (الاختيار من متعدد) إذا تم التظليل على أكثر من رمز أو تم

تكرار الإجابة ؛ تعتبر الإجابة خطأ.

يسمح باستخدام الآلة الحاسبة.

$i^2 = -1$, $(1, \omega, \omega^2)$ are the cubic roots of one .

$(\vec{i}, \vec{j}, \vec{K})$ is a right set of unit vectors .

مع أطيب التمنيات بالتوفيق والنجاح

1 The number of ways of distributing 8 different awards equally among 4 students equals

(a) 112

(b) 2520

(c) 224

(d) 165

عدد طرق توزيع ٨ جوائز مختلفة

بالتساوي على ٤ طلاب

يساوي

(ب) ٢٥٢٠

(أ) ١١٢

(د) ١٦٥

(ج) ٢٢٤

2 If ${}^{x+y}P_2 = 210$, ${}^{y-3}C_3 = 35$,

then $|2x - y| = \dots\dots\dots$

- (a) 5 (b) 10
(c) 2 (d) 1

إذا كان ${}^{س+ص}P_2 = 210$ ،

${}^{ص-3}C_3 = 35$

فإن $|2س - ص| = \dots\dots\dots$

- (أ) 5 (ب) 10
(ج) 2 (د) 1

③ If $x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 6y - 8z + 4 = 0$ is the equation of a sphere whose center C and radius r , then

- (a) $C (-2, -3, -4), r = 5$ units
(b) $C (2, 3, 4), r = 25$ units
(c) $C (-2, -3, -4), r = 25$ units
(d) $C (2, 3, 4), r = 5$ units

إذا كانت :

$$x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 6y - 8z + 4 = 0$$

هي معادلة كرة مركزها م

وطول نصف قطرها م فإن

أ) $C (-2, -3, -4), r = 5$ وحدات

ب) $C (2, 3, 4), r = 25$ وحدة

ج) $C (-2, -3, -4), r = 25$ وحدة

د) $C (2, 3, 4), r = 5$ وحدات

4 Answer only one of the following two questions :

A) Put the number $Z = \frac{-8}{1+\sqrt{3}i}$ in the trigonometric form, then find the two square roots of Z in the exponential form.

B) Prove that :

$$\cos^3 \theta = \frac{1}{4} (\cos 3\theta + 3 \cos \theta).$$

أجب عن أحد السؤالين الآتيين فقط :

(أ) ضع العدد $E = \frac{8}{1+\sqrt{3}i}$ في الصورة المثلثية ثم أوجد جذريه التربيعيين في الصورة الأسية.

(ب) أثبت أن :

$$\cos^3 \theta = \frac{1}{4} (\cos 3\theta + 3 \cos \theta).$$

5 In the expansion of :

$$(1 + x)^n = 1 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + a_4x^4 + \dots + a_nx^n :$$

If $\frac{a_2+a_3}{a_2} = 3$, then $n = \dots\dots\dots$

- (a) 4 (b) 6
(c) 8 (d) 9

في مفكوك :

$$(1+x)^n = 1 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + a_4x^4 + \dots + a_nx^n$$

$$\text{إذا كان } \frac{a_2+a_3}{a_2} = 3$$

فإن $n = \dots\dots\dots$

- (أ) 4 (ب) 6
(ج) 8 (د) 9

6 If $\vec{A} = (-2, 4, 6)$, $\vec{B} = (0, k, 3)$, where $k \in \mathbb{Z}^+$, $\|\vec{AB}\| = 7$, then the value of $k = \dots\dots\dots$

(a) 10

(b) 8

(c) 6

(d) 4

إذا كان $\vec{A} = (-2, 4, 6)$ ،

$\vec{B} = (0, k, 3)$ (صفر، ك، ٣)

حيث $k \in \mathbb{Z}^+$ ، $\|\vec{AB}\| = 7$

فإن قيمة ك =

(ب) ٨

(أ) ١٠

(د) ٤

(ج) ٦

7 If $\vec{A} = (2, 1, -2)$,
 $\vec{A} + \vec{B} = \vec{A} \times \vec{B}$, then $\vec{B} = \dots$

(a) $(2, -1, -2)$

(b) $(2, 1, -2)$

(c) $(-2, -1, 2)$

(d) $(-2, -1, 3)$

إذا كان $\vec{A} = (2, 1, -2)$ ،

$$\vec{A} + \vec{B} = \vec{A} \times \vec{B}$$

فإن $\vec{B} = \dots$

(أ) $(2, -1, -2)$

(ب) $(2, 1, -2)$

(ج) $(-2, -1, 2)$

(د) $(-2, -1, 3)$

8 Answer only one of the following two questions :

A) If $\vec{A}, \vec{B} \in \mathbb{R}^3$, then prove that:

$$\|\vec{A} \times \vec{B}\|^2 + |\vec{A} \cdot \vec{B}|^2 = \|\vec{A}\|^2 \|\vec{B}\|^2$$

B) If $\vec{A} = (2 \cos \theta, \log_2 x, \sin \theta)$,

$$\vec{B} = (\cos \theta, \log_3 27, 2 \sin \theta) \text{ and}$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = 11, \text{ find the value of } x,$$

where θ is the measure of the angle

between the two vectors $\vec{A}$ and $\vec{B}$

أجب عن أحد السؤالين التاليين فقط:

(أ) إذا كان $\vec{A}, \vec{B} \in \mathbb{R}^3$ ، أثبت أن:

$$\|\vec{A} \times \vec{B}\|^2 + |\vec{A} \cdot \vec{B}|^2 = \|\vec{A}\|^2 \|\vec{B}\|^2$$

$$\|\vec{A}\|^2 \|\vec{B}\|^2 = \|\vec{A} \times \vec{B}\|^2 + |\vec{A} \cdot \vec{B}|^2$$

(ب) إذا كان $\vec{A} = (2 \cos \theta, \log_2 x, \sin \theta)$ ،

$$\vec{B} = (\cos \theta, \log_3 27, 2 \sin \theta) \text{،}$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = 11 \text{، أوجد قيمة}$$

θ حيث θ هي قياس الزاوية بين

المتجهين $\vec{A}, \vec{B}$.

9 The conjugate of the number $1 + \omega$ is

مرافق العدد $1 + \omega$ هو

(a) $1 - \omega$

(b) $-\omega^2$

(ب) $\omega - 1$

(أ) $\omega - 1$

(c) $1 + \omega^2$

(d) $1 - \omega^2$

(د) $\omega - 1$

(ج) $\omega + 1$

⑩ If $(\frac{1}{c}, \frac{2}{c}, \frac{-2}{c})$ are the direction cosines of a straight line in space , then

(a) $c > 0$

(b) $0 < c < 1$

(c) $c = \pm 3$

(d) $-1 \leq c \leq 1$

إذا كان لمستقيم في الفراغ جيوب تمام

الاتجاه الآتية $(\frac{1}{c}, \frac{2}{c}, \frac{-2}{c})$

فإن

أ) $c < 0$ صفر

ب) صفر $c > 1$

ج) $c = \pm 3$

د) $-1 \leq c \leq 1$

11 If $L_1: \frac{x+2}{-1} = \frac{y+3}{3} = \frac{z+5}{2}$ and

$L_2: \frac{x}{2} = \frac{y-5}{k} = \frac{z-6}{m}$ are perpendicular,

then $3k + 2m = \dots\dots\dots$

(a) -1

(b) 2

(c) 6

(d) 4

إذا كان

$L_1: \frac{0+2}{-1} = \frac{3+3}{3} = \frac{5+5}{2}$

$L_2: \frac{x}{2} = \frac{y-5}{k} = \frac{z-6}{m}$

متعامدين فإن $3k + 2m = \dots\dots\dots$

(ب) 2

(أ) -1

(د) 4

(ج) 6

- 12 In the expansion of $(x - \frac{1}{x^2})^9$, find the value of the term free of x , then find the value of x which makes the sum of the two middle terms in the expansion equal zero.

في مفكوك $(س - \frac{1}{س^2})^9$:

أوجد قيمة الحد الخالي من $س$ ثم

أوجد قيمة $س$ التي تجعل مجموع

الحدين الأوسطين في المفكوك

مساوياً للصفر.

- 13) If $Z_1 = r_1(\cos \theta_1 + i \sin \theta_1)$,
 $Z_2 = r_2(\cos \theta_2 + i \sin \theta_2)$ and if
 $\theta_1 + \theta_2 = \pi$, then $Z_1 Z_2 = \dots\dots\dots$

- (a) $r_1 r_2$ (b) $-r_1 r_2$
 (c) $r_1 r_2 i$ (d) $-r_1 r_2 i$

إذا كان $ع_1 = (ج_1 \theta_1 + ت_1 \theta_1)$

، $ع_2 = (ج_2 \theta_2 + ت_2 \theta_2)$

وكان $\pi = \theta_1 + \theta_2$

فإن $ع_1 ع_2 = \dots\dots\dots$

- (أ) $ع_1 ع_2$ (ب) $-ع_1 ع_2$
 (ج) $ع_1 ع_2 ت$ (د) $-ع_1 ع_2 ت$

14 If the two planes : $2x - y + kz = 5$,
 $x + ly + 4z = 1$ are parallel, then $kl = \dots\dots$

(a) $-\frac{1}{2}$

(b) 8

(c) -4

(d) -16

إذا كان المستويان :

$2x - y + kz = 5$ ،

$x + ly + 4z = 1$ متوازيين

فإن $kl = \dots\dots\dots$

(ب) ٨

(أ) $-\frac{1}{2}$

(د) -١٦

(ج) -٤

15) Without expanding the determinant, prove that :

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ x & y & z \\ x^2 & y^2 & z^2 \end{vmatrix} = (x - y)(y - z)(z - x)$$

بدون فك المحدد أثبت أن :

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ ع & ص & س \\ ع^2 & ص^2 & س^2 \end{vmatrix} = (ع - ص)(ص - س)(س - ع)$$

16 Prove that the two straight lines:

$$\vec{r}_1 = (1, 2, 4) + t_1(2, -1, 1) \text{ and}$$

$$\vec{r}_2 = (1, 1, 1) + t_2(-2, 7, 11) \text{ are}$$

orthogonal and skew.

أثبت أن المستقيمين :

$$\vec{r}_1 = (1, 2, 4) + t_1(2, -1, 1) \text{ و}$$

$$\vec{r}_2 = (1, 1, 1) + t_2(-2, 7, 11) \text{ هما}$$

متعامدان ومتخالفان .

17 If $Z = x + iy$, then the real part of the number e^Z is

(a) $e^x \cos y$

(b) $e^x \sin y$

(c) e^x

(d) $\cos y$

إذا كان $z = x + iy$ فإن الجزء الحقيقي للعدد e^z هو

(أ) $e^x \cos y$

(ب) $e^x \sin y$

(ج) e^x

(د) $\cos y$

18 Find the different forms of the equation of the plane passing through the points :

$A(2, -1, 0)$, $B(-1, 3, 4)$ and $C(3, 0, 2)$.

أوجد الصور المختلفة لمعادلة

المستوى الذي يمر بالنقط:

أ $(2, -1, 0)$ ، ب $(-1, 3, 4)$ ، ج $(3, 0, 2)$

ج $(3, 0, 2)$ ، ب $(-1, 3, 4)$ ، أ $(2, -1, 0)$

19 Show that the system:

$$3x + y + 4z = 0,$$

$$2x + 3y + 5z = 0,$$

$$-x + 2y + z = 0$$

has an infinite number of solutions and
find the general form of this solution.

بيّن أن للنظام

$$3س + ص + ع = ٤ صفر$$

$$٢س + ٣ص + ٥ع = ٥ صفر$$

$$-س + ٢ص + ع = ٠ صفر$$

عدداً لا نهائياً من الحلول

وأوجد الصورة العامة لهذا الحل.

